m2 280824.txt

este arquivo: m2_280824.txt

TEMAS e MATERIAIS PARA ESTUDO - 280824

(ver também https://pater.web.cip.com.br/MaquInfo/)

Códigos ascii (American Standard Code for Information Interchange) - abaixo os primeiros 128 símbolos ordenados da tabela ascii (que não inclui acentos nem cedilha)

```
000
00
              NUL
       001
              S0H
01
02
       002
              STX
03
       003
              ETX
04
       004
              E0T
05
              ENQ
       005
06
       006
              ACK
              BEL
07
       007
98
       908
              BS
09
       009
              HT
0Α
       010
              LF
0B
       011
              VT
0C
       012
              FF
ΘD
       013
              CR
ΘE
       014
              S0
ΘF
       015
              SI
       016
10
              DLE
11
       017
              DC1
12
       018
              DC2
13
       019
              DC3
14
       020
              DC4
15
       021
              NAK
       022
16
              SYN
17
       023
              ETB
18
       024
              CAN
19
       025
              \mathsf{EM}
1A
       026
              SUB
1B
       027
              ESC
1C
       028
              FS
1D
       029
              GS
1E
       030
              RS
1F
       031
              US
              SP
20
       032
21
       033
              ļ
              11
22
       034
23
       035
              #
24
       036
              $
25
       037
              %
26
       038
              &
27
       039
28
       040
              (
29
       041
              )
2A
       042
2B
              +
       043
2C
       044
2D
       045
2E
       046
2F
       047
              /
30
       048
              0
              1
31
       049
              2
32
       050
33
              3
       051
34
       052
              4
```

```
36
       054
              6
37
       055
              7
38
       056
              8
39
       057
              9
ЗА
       058
              :
3B
       059
3C
       060
              <
3D
       061
              =
3E
              >
       062
3F
              ?
       063
40
              @
       064
41
       065
              Α
42
       066
              В
43
              С
       067
44
       068
              D
45
       069
              Ε
46
              F
       070
47
       071
              G
48
       072
              Н
49
       073
              Ι
4A
       074
              J
4B
       075
              Κ
4C
       076
              L
4D
       077
              Μ
4E
       078
              Ν
4F
       079
              0
50
       080
              Ρ
51
       081
              Q
52
       082
              R
53
       083
              S
54
       084
              Т
55
       085
              U
56
       086
              ٧
57
       087
              W
58
       088
              Χ
              Υ
59
       089
5A
       090
              Ζ
              ]
5B
       091
5C
       092
              \
\
\
       093
5D
5E
       094
5F
       095
              _
60
       096
       097
61
              а
62
       098
              b
63
       099
              С
64
       100
              d
65
       101
              е
66
       102
              f
67
       103
              g
68
       104
              h
69
       105
              i
6A
       106
              j
6B
       107
              k
6C
              ι
       108
6D
       109
              m
6E
       110
              n
6F
       111
              0
70
       112
              p
71
       113
              q
r
72
       114
73
       115
              S
              t
74
       116
75
       117
              u
```

```
76
      118
             V
77
      119
             W
78
      120
             Χ
79
      121
             У
7A
      122
             Ζ
7B
      123
7C
      124
7D
      125
             }
7E
      126
7F
      127
             DEL
```

A primeira coluna, à esquerda, tem a numeração da linha representada em hexadecimal; a coluna no meio, a posição da linha em decimal; e a terceira coluna exibe os símbolos ordenados no padrão ascii.

Assim, o código ascii da letra 'q' minúscula é representado como '113' em decimal ou como '71' em hexadecimal.

Veja que, no decimal 113, o algarismo '1' à esquerda do '13' conta o número de vezes que esgotamos o repertório que vai de 00 a 99 antes de acrescentarmos o '13'.

No caso, esgotamos 1 vez o repertório de 00 a 99 (uma catraca contadora faria isso) e acrescentamos 13. Percorrer 1 vez o repertório 00 a 99 significa contar 100 (cem).

Temos aqui 1 x 100 + 13 = 113.

Ou, visto de outro modo, no mesmo decimal '113', o '11' à esquerda do '3' conta o número de vezes (11 vezes) que esgotamos o repertório de dez dígitos (que vai de 0 a 9) antes de acrescentar o '3'

Temos aqui 11 x 10 + 3 = 113.

Isso é, claro, bem conhecido de todos nós.

De modo similar, em hexadecimal, o algarismo à esquerda "conta" o número de vezes que esgotamos o repertório de algarismos à direita.

No exemplo do hexadecimal '71', o '7' à esquerda conta o número de vezes que esgotamos o repertório à direita (16 dígitos, de 0 a F, isto é, de zero a quinze).

Temos, então, $7 \times 16 + 1 = 113$.

Portanto, '71' em hexadecimal representa o mesmo número (ou posição da linha na tabela) que '113' em decimal.

Em decimal, com dois dígitos, podemos representar (10 \times 10 = 100) números entre 00 e 99 (9 é o "último" algarismo do repertório decimal).

Em hexadecimal, com dois dígitos, podemos representar (16 x 16 = 256) números entre 0 e 255, isto é, entre 00 e FF (F é o "último" algarismo do repertório hexadecimal)

Portanto, para numerar as 128 linhas da primeira parte da tabela ascii bastam dois dígitos hexadecimais.

A cada símbolo representado na tabela ascii acima (coluna à direita) letra ou dígito corresponde um par de algarismos hexadecimais (1 byte = 8 bits) representando a posição do símbolo na tabela, aqui também numerada em decimal

O código ascii de um símbolo é a posição (número de linha) do símbolo na tabela. Podemos representar a posição de um símbolo em qualquer sistema de numeração, mas isto não muda a posição do símbolo (a linha da tabela onde ele se encontra) e, portanto, não altera o seu código ascii.

Assim como 'III', 'três' e '3' representam o mesmo número, indicar em decimal, em hexadecimal, ou em outra forma qualquer uma posição na tabela ascii é uma referência para o mesmo símbolo, para a mesma linha da tabela. Trata-se do mesmo código ascii escrito de formas diferentes.

Abaixo, sob a forma de tabela de 16 colunas, está a representação hexadecimal da sequência de códigos ascii das 2 primeiras linhas deste arquivo, a saber

TEMAS e MATERIAIS PARA ESTUDO - 280824

Foram escolhidas linhas sem letras acentuadas para simplificar esta análise preliminar e manter os símbolos entre os 128 da primeira parte da tabela ascii.

```
Na tabela temos, em sequència
38 códigos 3d
1 código 0a
38 códigos diversos
1 código 0a
51 códigos diversos
1 código 0a
```

Não é estranho especular que:

- 1)o código '3d' representa o símbolo '='
- 2)o código 'Oa' representa o 'pula-linha'
- 3)os demais códigos (abaixo) devem representar as letras e dígitos do texto, um a um

```
T = 54h (54 hexadecimal)
E = 45h
M = 4dh
A = 41h
S = 53h
  = 20h
e = 65h
  = 20h
M = 4dh
A = 41h
T = 54h
E = 45h
R = 52h
I = 49h
A = 41h
I = 49h
S = 53h
```

= 20h

```
P = 50h
A = 41h
R = 52h
A = 41h
  = 20h
E = 45h
S = 53h
T = 54h
U = 55h
D = 44h
0 = 4fh
  = 20h
- = 2dh
  = 20h
2 = 32h
8 = 38h
0 = 30h
8 = 38h
2 = 32h
4 = 34h
```

A lista (tabela) de correspondências acima é convencional. Ao conjunto de símbolos individuais à esquerda corresponde o conjunto de símbolos (ordenados, ou posições) ascii à direita, aqui representados em hexadecimal com dois dígitos, como vimos.

Outras especulações úteis:

Se 30h corresponde ao algarismo '0', 31h ao algarismo '1' e 32h ao algarismo '2', como listado acima, não é díficil deduzir os outros algarismos da tabela ascii

```
3 = 33h

4 = 34h

5 = 35h

6 = 36h

7 = 37h

8 = 38h

9 = 39h
```

É o que verificamos consultando a tabela ascii apresentada antes.

Atenção. 33h representa o algarismo 3, e não o número 3. A representação do número 3 é '3' em hexa e em decimal.

Para ser mais preciso, a codificação original do texto acima é UTF-8 (UnicodeTransformationFormat, 8 bits), uma extensão do ascii mais universal que tem os primeiros 128 (de 0 a 127) códigos de símbolos coincidentes com o ascii.

Sabemos que para representar potências de 10 é cômodo usar um sistema de notação decimal.

Somar múltiplos de 10 a certo padrão implica incrementar a(s) posições(s) decimais correspondentes do padrão, uma espécie de "contador" do número de vezes que esgotamos o repertório à direita do "contador":

[200 + 1345 = (200 + 1300) + 45 = 1500 + 45]; o repertório de 00 a 99 havia sido, no exemplo 1345, esgotado 13 vezes e, com o acréscimo de 200, foi esgotado 15 vezes ($[13 + 2 = 15] \times 100$, e adicionado o deslocamento 45)

Multiplicar por 10 certo padrão implica somente deslocar a posição da vírgula - no caso de inteiros, reduzir ou aumentar o número de zeros à direita do padrão.

Mas, por que usar um sistema hexadecimal para representar códigos de letras,

dígitos e outros símbolos?

A representação de informações em um computador digital comum não é decimal nem hexadecimal e sim binária, embora isto não tenha sido sempre assim: os primeiros computadores digitais de programa armazenado em memória eram (bi)quinários, uma mistura de representações nas bases 2 e 5.

(Ver https://en.wikipedia.org/wiki/Bi-quinary_coded_decimal)

Assumindo em binário cada posição elementar (cada "casa") apenas dois estados significativos, ou zero ou um (não dez, como em decimal, nem dezesseis como em hexadecimal) deveria ser mais cômodo indicar os códigos de cada símbolo em notação binária.

E de fato isto é verdade. Contando em binário (assim como contamos em decimal e hexadecimal acima), temos, com quatro posições binárias (para escrever pouco, por enquanto):

0000 zero 0001 um 0010 dois 0011 três 0100 quatro 0101 cinco 0110 seis 0111 sete 1000 oito 1001 nove 1010 dez 1011 onze 1100 doze 1101 treze 1110 quatorze 1111 quinze

Como temos dezesseis símbolos compostos diferentes, os binários em 4 posições de zero a quinze, podemos fazer corresponder a cada um deles, a título de abreviatura, um algarismo hexadecimal, sem faltar ou sobrar nenhum

```
0001 um
1
2
   0010 dois
3
   0011 três
4
   0100 quatro
5
   0101 cinco
6
   0110 seis
7
   0111 sete
8
   1000 oito
9
   1001 nove
Α
   1010 dez
В
  1011 onze
С
   1100 doze
D 1101 treze
E 1110 quatorze
F 1111 quinze
```

0000 zero

0

A lei de formação do sucessor e do antecessor de qualquer representação binária é equivalente à usada para os decimais e hexadecimais.

Quando esgotamos o repertório elementar em uma posição à direita (isto é, quando voltamos ao zero), acrescentamos uma unidade ao valor na posição imediatamente à esquerda do zero.

Em decimal, por exemplo, para obtermos o sucessor de 129 - acrescentando 1 ao 9 - precisamos indicar a variação da unidade que passou de 9 para zero, assim como

a variação da dezena, que passou de 2 para 3.

Assim, dizer que 129 + 1 = 130, ou que 129999 + 1 = 130000, significa dizer que acrescentamos uma unidade à casa das unidades e propagamos o "vai-um" para a posição à esquerda porque o sucessor de 9(999) não é zero, mas 10(000).

Em binário, do mesmo modo, dizer que 1011 + 1 = 1100 significa dizer que acrescentamos uma unidade à casa das unidades e propagamos o "vai-um" para a casa seguinte à esquerda.

1011 0001 + = +1 1010 = +1 1000

1100

Se tivéssemos 1099 + 1 em decimal, o resultado seria, de modo similar, o decimal 1100, pois esgotamos o repertório 00 a 99 e precisamos "contar" isto na posição à esquerda.

Para representar potências de 2 (operações \times 2 sucessivas) é cômodo usar uma notação binária, assim como para representar potências de 10 (operações \times 10 sucessivas) são cômodos os decimais.

Como o sucessor de 1111 (quinze) em binário é 10000 (dezesseis), vemos que ao chegarmos a 16 (10000 em binário) este 1 à esquerda dos zeros marca o esgotamento do repertório de arranjos dos quatro binários à direita, a saber, marca a volta ao zero da série vista acima.

Escrevendo com 8 posições binárias a mesma série:

chegamos ao

0001 0000 dezesseis

O padrão à esquerda 0001 é o "um" da sequência anterior, de modo que podemos derivar que após o próximo esgotamento do repertório de 4 posições binárias à direita - quando o 0001 0000 chegar a 0001 1111, o sucessor deve ser 0010 0000, e assim por diante

Quando tivermos 1 0000 0000 em binário, esgotamos o repertório que vai de 0000 0000 a 1111 1111 (0 a 15 x 0 a 15, ou seja 16 x 16 = 256 linhas já escritas, da linha zero à linha 255)

Como vimos, cada grupo de 4 bits corresponde a algum número entre 0 e 15 e podemos fazer corresponder uma abreviatura conveniente para os zeros e uns, assim

0011 0010

32

```
0011 0011
33
34
      0011 0100
35
      0011 0101
36
      0011 0110
37
      0011 0111
      0011 1000
38
39
      0011 1001
ЗА
      0011 1010
3B
      0011 1011
3C
      0011 1100
3D
      0011 1101
3E
      0011 1110
3F
      0011 1111
40
      0100 0000
41
      0100 0001
42
      0100 0010
43
      0100 0011
44
      0100 0100
45
      0100 0101
46
      0100 0110
47
      0100 0111
48
      0100 1000
49
      0100 1001
4A
      0100 1010
4B
      0100 1011
4C
      0100 1100
      0100 1101
4D
4E
      0100 1110
4F
      0100 1111
50
      0101 0000
51
      0101 0001
52
      0101 0010
53
      0101 0011
      0101 0100
54
55
      0101 0101
56
      0101 0110
57
      0101 0111
      0101 1000
58
      0101 1001
59
      0101 1010
5A
      0101 1011
5B
      0101 1100
5C
      0101 1101
5D
5E
      0101 1110
5F
      0101 1111
60
      0110 0000
      0110 0001
61
      0110 0010
62
      0110 0011
63
      0110 0100
64
      0110 0101
65
      0110 0110
66
67
      0110 0111
68
      0110 1000
69
      0110 1001
6A
      0110 1010
6B
      0110 1011
6C
      0110 1100
6D
      0110 1101
6E
      0110 1110
6F
      0110 1111
70
      0111 0000
71
      0111 0001
72
      0111 0010
```

```
0111 0011
73
74
      0111 0100
75
      0111 0101
76
      0111 0110
77
      0111 0111
      0111 1000
78
79
      0111 1001
7A
      0111 1010
7B
      0111 1011
7C
      0111 1100
7D
      0111 1101
7E
      0111 1110
7F
      0111 1111
80
      1000 0000
81
      1000 0001
82
      1000 0010
83
      1000 0011
84
      1000 0100
85
      1000 0101
86
      1000 0110
87
      1000 0111
88
      1000 1000
89
      1000 1001
88
      1000 1010
8B
      1000 1011
80
      1000 1100
      1000 1101
8D
8E
      1000 1110
8F
      1000 1111
90
      1001 0000
      1001 0001
91
92
      1001 0010
      1001 0011
93
      1001 0100
94
      1001 0101
95
      1001 0110
96
      1001 0111
97
      1001 1000
98
      1001 1001
99
      1001 1010
9Α
      1001 1011
9В
      1001 1100
9C
      1001 1101
9D
9E
      1001 1110
9F
      1001 1111
A0
      1010 0000
Α1
      1010 0001
Α2
      1010 0010
АЗ
      1010 0011
Α4
      1010 0100
Α5
      1010 0101
      1010 0110
Α6
Α7
      1010 0111
8A
      1010 1000
Α9
      1010 1001
AA
      1010 1010
ΑB
      1010 1011
AC
      1010 1100
      1010 1101
AD
ΑE
      1010 1110
ΑF
      1010 1111
B0
      1011 0000
      1011 0001
В1
```

B2

1011 0010

```
1011 0011
В3
В4
      1011 0100
В5
      1011 0101
В6
      1011 0110
В7
      1011 0111
      1011 1000
В8
      1011 1001
В9
BA
      1011 1010
BB
      1011 1011
BC
      1011 1100
BD
      1011 1101
ΒE
      1011 1110
BF
      1011 1111
C0
      1100 0000
C1
      1100 0001
C2
      1100 0010
С3
      1100 0011
C4
      1100 0100
C5
      1100 0101
C6
      1100 0110
C7
      1100 0111
C8
      1100 1000
C9
      1100 1001
CA
      1100 1010
CB
      1100 1011
CC
      1100 1100
      1100 1101
CD
      1100 1110
CE
CF
      1100 1111
D0
      1101 0000
      1101 0001
D1
D2
      1101 0010
      1101 0011
D3
      1101 0100
D4
      1101 0101
D5
      1101 0110
D6
      1101 0111
D7
      1101 1000
D8
      1101 1001
D9
      1101 1010
DA
      1101 1011
DB
      1101 1100
DC
      1101 1101
DD
      1101 1110
DE
DF
      1101 1111
E0
      1110 0000
E1
      1110 0001
      1110 0010
E2
      1110 0011
E3
      1110 0100
E4
      1110 0101
E5
      1110 0110
E6
E7
      1110 0111
E8
      1110 1000
E9
      1110 1001
\mathsf{E}\mathsf{A}
      1110 1010
EΒ
      1110 1011
EC
      1110 1100
      1110 1101
ED
EE
      1110 1110
EF
      1110 1111
F0
      1111 0000
F1
      1111 0001
F2
      1111 0010
```

```
F3
      1111 0011
F4
      1111 0100
F5
      1111 0101
F6
      1111 0110
F7
      1111 0111
F8
      1111 1000
F9
      1111 1001
FΑ
      1111 1010
FB
      1111 1011
FC
      1111 1100
FD
      1111 1101
FE
      1111 1110
FF
      1111 1111
```

Portanto, a conversão entre hexadecimais e binários é imediata: separando de 4 em 4 as posições binárias, cada grupo de 4 binários terá um algarismo hexadecimal correspondente.

E, de modo inverso, associando a cada algarismo hexadecimal o grupo de 4 bits (o desenho) correspondente, podemos converter facilmente hexas em binários, ou binários em hexas de qualquer tamanho.

Assim, finalmente,

ffef67890 hexa corresponde a 1111 1111 1110 1111 0110 0111 1000 1001 0000 em binário

e 111010110 em binário, isto é, agrupando de 4 em 4 bits da direita para a esquerda e completando com zeros,

0001 1101 0110 corresponde ao hexadecimal 1d6 (ou 1D6)

Para outras bases, em particular as correspondentes a potências de dois, o procedimento é simples e similar.

EXERCÍCIO FÁCIL:

Com as tabelas, representar o seu primeiro nome e o seu último sobrenome, separados por espaço, em ascii, sem acentos ou cedilha, mas usando maiúsculas e minúsculas onde for o caso.

EXERCÍCIO NÃO MUITO DIFÍCIL:

Evitando usar tabelas, representar em ascii (binário, hexa e decimal) os 9 algarismos do seu dre, sabendo que o algarismo zero tem a representação ascii 30h (dois dígitos hexa).

fim_de_m2_280824.txt